

Probabilidades

Exercícios:

1) (ENEM 2020) O Estatuto do Idoso, no Brasil, prevê certos direitos às pessoas com idade avançada, concedendo a estas, entre outros benefícios, a restituição de imposto de renda antes dos demais contribuintes. A tabela informa os nomes e as idades de 12 idosos que aguardam suas restituições de imposto de renda. Considere que, entre os idosos, a restituição seja concedida em ordem decrescente de idade e que, em subgrupos de pessoas com a mesma idade, a ordem seja decidida por sorteio.

Nome	Idade (em ano)
Orlando	89
Gustavo	86
Luana	85
Teresa	85

Nome	Idade (em ano)
Márcia	84
Roberto	82
Heloisa	75
Marisa	75

Nome	Idade (em ano)
Pedro	75
João	75
Antônio	72
Fernanda	70

Nessas condições, a probabilidade de João ser a sétima pessoa do grupo a receber sua restituição é igual a:

- (A) 1/12 (B) 7/12 (C) 1/8 (D) 5/6 (E) 1/4

2) (ENEM PPL 2019) Uma locadora possui disponíveis 120 veículos da categoria que um cliente pretende locar. Desses, 20% são da cor branca, 40% são da cor cinza, 16 veículos são da cor vermelha e o restante, de outras cores. O cliente não gosta da cor vermelha e ficaria contente com qualquer outra cor, mas o sistema de controle disponibiliza os veículos sem levar em conta a escolha da cor pelo cliente. Disponibilizando aleatoriamente, qual é a probabilidade de o cliente ficar contente com a cor do veículo?

- (A) 16/120 (B) 32/120 (C) 72/120 (D) 101/120 (E) 104/120

3) (UERJ 21) Um escritório comercial enviou cinco correspondências diferentes, sendo uma para cada cliente. Cada correspondência foi colocada em um envelope, e os envelopes foram etiquetados com os cinco endereços distintos desses clientes. A probabilidade de apenas uma etiqueta estar trocada é:

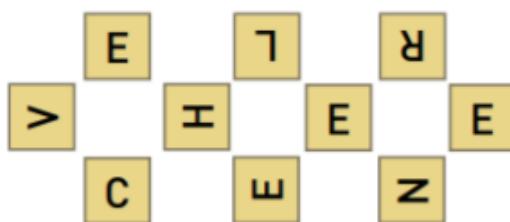
- (A) 4/5 (B) 1/5 (C) 1/24 (D) 0

4. (UNICAMP 2021) Uma escola com 960 alunos decidiu renovar seu mobiliário. Para decidir quantas cadeiras de canhotos será necessário comprar, fez-se um levantamento do número de alunos canhotos em cada turma. A tabela abaixo indica, na segunda linha, o número de turmas com o total de canhotos indicado na primeira linha.

Número total de alunos canhotos	0	1	2	3	4	5
Número de turmas	1	2	5	12	8	2

- a) Qual a probabilidade de que uma turma escolhida ao acaso tenha pelo menos 3 alunos canhotos?
b) Qual a probabilidade de que um aluno escolhido ao acaso na escola seja canhoto?

5. (Uerj simulado 2018) Dez cartões com as letras da palavra “envelhecer” foram colocados sobre uma mesa com as letras viradas para cima, conforme indicado abaixo.



Em seguida, fizeram-se os seguintes procedimentos com os cartões:

- 1º) foram virados para baixo, ocultando-se as letras;
- 2º) foram embaralhados;
- 3º) foram alinhados ao acaso;
- 4º) foram desvirados, formando um anagrama.

Observe um exemplo de anagrama:

V E E E R C N H L E

A probabilidade de o anagrama formado conter as quatro vogais juntas (EEEE) equivale a:

- (A) 1/20 (B) 1/30 (C) 1/210 (D) 1/720

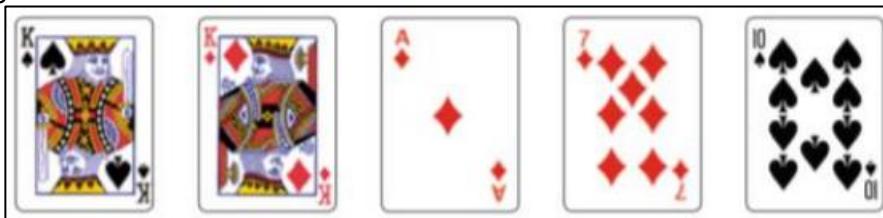
6) (ENEM PPL 2019) Uma empresa sorteia prêmios entre os funcionários como reconhecimento pelo tempo trabalhado. A tabela mostra a distribuição de frequência de 20 empregados dessa empresa que têm de 25 a 35 anos trabalhados. A empresa sorteou, entre esses empregados, uma viagem de uma semana, sendo dois deles escolhidos aleatoriamente.

Tempo de serviço	Número de empregados
25	4
27	1
29	2
30	2
32	3
34	5
35	3

Qual a probabilidade de que ambos os sorteados tenham 34 anos de trabalho?

- (A) 1/20 (B) 1/19 (C) 1/16 (D) 2/20 (E) 5/20

7) (UERJ 2018) Cinco cartas de um baralho estão sobre uma mesa; duas delas são Reis, como indicam as imagens.



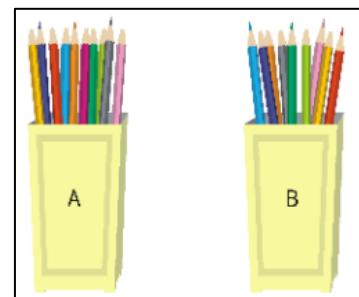
Após serem viradas para baixo e embaralhadas, uma pessoa retira uma dessas cartas ao acaso e, em seguida, retira outra. A probabilidade de sair Rei apenas na segunda retirada equivale a:

- (A) 1/2 (B) 1/3 (C) 2/5 (D) 3/10

8) (UERJ 2014) Em um escritório, há dois porta-lápis: o porta-lápis A, com 10 lápis, dentre os quais 3 estão apontados, e o porta-lápis B, com 9 lápis, dentre os quais 4 estão apontados. Um funcionário retira um lápis qualquer ao acaso do porta-lápis A e o coloca no porta-lápis B. Novamente ao acaso, ele retira um lápis qualquer do porta-lápis B.

A probabilidade de que este último lápis retirado não tenha ponta é igual a:

- (A) 0,64 (B) 0,57 (C) 0,52 (D) 0,42



9) (ENEM 2020 - digital) Um apostador deve escolher uma entre cinco moedas ao acaso e lançá-la sobre uma mesa, tentando acertar qual resultado (cara ou coroa) sairá na face superior da moeda. Suponha que as cinco moedas que ele pode escolher sejam diferentes:

- duas delas têm "cara" nas duas faces;
- uma delas tem "coroa" nas duas faces;
- duas delas são normais (cara em uma face e coroa na outra).

Nesse jogo, qual é a probabilidade de o apostador obter uma face "cara" no lado superior da moeda lançada por ele?

- (A) 1/8 (B) 2/5 (C) 3/5 (D) 3/4 (E) 4/5

10) (UERJ 2020) Cada uma das letras do nome do matemático Cavalieri (1598-1647) foi escrita em um cartão, conforme a ilustração a seguir.



Após os cartões serem virados e embaralhados, um estudante foi desafiado a escolher um cartão de cada vez, de modo a obter a sequência exata das letras do nome. Os quatro primeiros cartões escolhidos ocupam a posição correta na sequência desejada:

CAVA

Calcule a probabilidade de o estudante acertar as posições corretas das vogais no restante da palavra.

11) (UERJ 2017) Uma urna contém uma bola branca, quatro bolas pretas e x bolas vermelhas, sendo $x > 2$. Uma bola é retirada ao acaso dessa urna, é observada e recolocada na urna. Em seguida, retira-se novamente, ao acaso, uma bola dessa urna. Se $1/2$ é a probabilidade de que as duas bolas retiradas sejam da mesma cor, o valor de x é:

12) (UERJ 2017) Considere o conjunto de números naturais abaixo e os procedimentos subsequentes:

$$A = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$$

1 – Cada número primo de A foi multiplicado por 3. Sabe-se que um número natural $P > 1$ se tem apenas dois divisores naturais distintos.

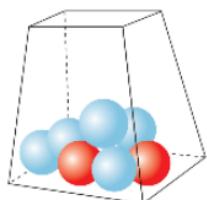
2 – A cada um dos demais elementos de A, foi somado o número 1.

3 – Cada um dos números distintos obtidos foi escrito em apenas um pequeno cartão.

4 – Dentro todos os cartões, foram sorteados exatamente dois cartões com números distintos ao acaso.

A probabilidade de em pelo menos um cartão sorteado estar escrito um número par é:

13) (UERJ 2019) Em uma urna há sete bolinhas, sendo duas delas vermelhas e cinco azuis. Quatro do total de bolinhas serão sorteadas ao acaso. Calcule a probabilidade de pelo menos uma das bolinhas sorteadas ser vermelha.



14) (UERJ 2018) Um jogo individual da memória contém oito cartas, sendo duas a duas iguais, conforme ilustrado a seguir.



Observe as etapas do jogo:

1. viram-se as figuras para baixo;
 2. embaralham-se as cartas;
 3. o jogador desvira duas cartas na primeira jogada.

O jogo continua se ele acertar um par de figuras iguais. Nesse caso, o jogador desvira mais duas cartas, e assim sucessivamente. Ele será vencedor se conseguir desvirar os quatro pares de cartas iguais em quatro jogadas seguidas. Se errar algum par, ele perde o jogo.

Calcule a probabilidade de o jogador perder nesse jogo.

15) (UEL 2008) De um total de 500 estudantes da área de exatas, 200 estudam Cálculo Diferencial e 180 estudam Álgebra Linear. Esses dados incluem 130 estudantes que estudam ambas as disciplinas. Qual é a probabilidade de que um estudante escolhido aleatoriamente esteja estudando Cálculo Diferencial ou Álgebra Linear?

- (A) 0,26 (B) 0,5 (C) 0,62 (D) 0,76 (E) 0,8

16) (ENEM 2008) A vida na rua como ela é O Ministério do Desenvolvimento Social e Combate à Fome (MDS) realizou, em parceria com a ONU, uma pesquisa nacional sobre a população que vive na rua, tendo sido ouvidas 31.922 pessoas em 71 cidades brasileiras. Nesse levantamento, constatou-se que a maioria dessa população sabe ler e escrever (74%), que apenas 15,1% vivem de esmolas e que, entre os moradores de rua que ingressaram no ensino superior, 0,7% se diplomou. Outros dados da pesquisa são apresentados nos quadros a seguir.



No universo pesquisado, considere que P seja o conjunto das pessoas que vivem na rua por motivos de alcoolismo/drogas e Q seja o conjunto daquelas cujo motivo para viverem na rua é a decepção amorosa. Escolhendo-se ao acaso uma pessoa no grupo pesquisado e supondo-se que seja igual a 40% a probabilidade de que essa pessoa faça parte do conjunto P ou do conjunto Q, então a probabilidade de que ela faça parte do conjunto interseção de P e Q é igual a:

- (A) 12% (B) 16% (C) 20% (D) 36% (E) 52%

17) (ENEM 2009) Um casal decidiu que vai ter 3 filhos. Contudo, quer exatamente 2 filhos homens e decide que, se a probabilidade fosse inferior a 50%, iria procurar uma clínica para fazer um tratamento específico para garantir que teria os dois filhos homens. Após os cálculos, o casal concluiu que a probabilidade de ter exatamente 2 filhos homens é:

- (A) 66,7%, assim ele não precisará fazer um tratamento.
(B) 50%, assim ele não precisará fazer um tratamento.
(C) 7,5%, assim ele não precisará fazer um tratamento.
(D) 25%, assim ele precisará procurar uma clínica para fazer um tratamento.
(E) 37,5%, assim ele precisará procurar uma clínica para fazer um tratamento.

18) (UERJ 2019 - simulado) Um jogo consiste em lançar três dados cúbicos, cujas faces recebem uma numeração de 1 a 6, cada uma com a mesma probabilidade de ocorrer. Para jogar, escolhe-se um número qualquer de 1 a 6. Se um, dois ou os três dados caírem com o número escolhido na face de cima, o jogador ganha, respectivamente, um, dois ou três prêmios. Se um jogador escolheu o número 3, a probabilidade de ele ganhar apenas um prêmio é:

19) (UERJ 2018) Um jogo consiste em lançar cinco vezes um dado cúbico, cujas faces são numeradas de 1 a 6, cada uma com a mesma probabilidade de ocorrer. Um jogador é considerado vencedor se obtiver pelo menos três resultados pares. A probabilidade de um jogador vencer é:

20) (ENEM 2009 PPL) O controle de qualidade de uma empresa fabricante de telefones celulares aponta que a probabilidade de um aparelho de determinado modelo apresentar defeito de fabricação é de 0,2%. Se uma loja acaba de vender 4 aparelhos desse modelo para um cliente, qual é a probabilidade de esse cliente sair da loja com exatamente dois aparelhos defeituosos?

- (A) $2 \times (0,2\%)^4$ (B) $4 \times (0,2\%)^2$ (C) $6 \times (0,2\%)^2 \times (99,8\%)^2$
(D) $4 \times (0,2\%)$ (E) $6 \times (0,2\%) \times (99,8\%)$

21) (ENEM 2019) Em um determinado ano, os computadores da receita federal de um país identificaram como inconsistentes 20% das declarações de imposto de renda que lhe foram encaminhadas. Uma declaração é classificada como inconsistente quando apresenta algum tipo de erro ou conflito nas informações prestadas. Essas declarações consideradas inconsistentes foram analisadas pelos auditores, que constataram que 25% delas eram fraudulentas. Constatou-se ainda que, dentre as declarações que não apresentaram inconsistências, 6,25% eram fraudulentas. Qual é a probabilidade de, nesse ano, a declaração de um contribuinte ser considerada inconsistente, dado que ela era fraudulenta?

22) (ENEM 2019) O dono de um restaurante situado às margens de uma rodovia percebeu que, ao colocar uma placa de propaganda de seu restaurante ao longo da rodovia, as vendas aumentaram. Pesquisou junto aos seus clientes e concluiu que a probabilidade de um motorista perceber uma placa de anúncio é $\frac{1}{2}$. Com isso, após autorização do órgão competente, decidiu instalar novas placas com anúncios de seu restaurante ao longo dessa rodovia, de maneira que a probabilidade de um motorista perceber pelo menos uma das placas instaladas fosse superior a $99/100$. A quantidade mínima de novas placas de propaganda a serem instaladas é:

- (A) 99. (B) 51. (C) 50. (D) 6. (E) 1.

23) (PUC 2021) Rosencrantz e Guildenstern combinaram de jogar uma partida de cara e coroa com uma moeda honesta. Cada vez que cai cara, Rosencrantz ganha um ponto; cada vez que cai coroa, Guildenstern ganha um ponto. Eles combinaram de parar assim que alguém obtiver uma vantagem de cinco pontos. Qual é a probabilidade de que Rosencrantz ganhe com exatamente 7 lançamentos de moeda?

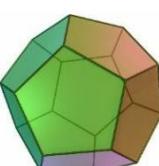
- (A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{1}{5}$ C) $\frac{1}{7}$ D) $\frac{5}{128}$

24. (ITA21) Um dodecaedro regular tem 12 faces que são pentágonos regulares. Escolhendo-se 2 vértices distintos desse dodecaedro, a probabilidade de eles pertencerem a uma mesma aresta é igual a:

- (A) 15/100 (B) 3/19 (C) 15/190 (D) 5/12 (E) 2/5

Observação:

Pode ser útil lembrar da fórmula de Euler: $V+F=A+2$ e observar o formato de um dodecaedro regular.



25) (PUC 2020) Abel tem um jarro com 12 bolas coloridas e, depois de sacudir o jarro, ele despeja 4 bolas em cada uma dentre 3 caixas. Sabendo que havia originalmente no jarro 8 bolas verdes, 2 vermelhas, uma azul e uma roxa determine:

- a) Qual a probabilidade de que a bola roxa esteja na primeira caixa?
- b) Qual a probabilidade de que a bola azul e a bola roxa estejam ambas na primeira caixa?
- c) Qual a probabilidade de que não haja nenhuma bola verde na primeira caixa?

Gabarito

Exemplos: [1] a) $1/2$ b) $1/3$ c) R: 0 d) 1; [2] a) $41/81$ b) $1/3$ c) $14/81$ d) $2/3$;

[3] $1/35$; [4] a) $1/6$ b) $1/4$ c) $1/2$ d) $1/12$ e) $1/36$ f) $35/36$;

[5] a) $1/16$ b) $15/16$ c) $1/16$ d) $1/4$ e) $3/8$; [6] a) $11/120$ b) $1/4$ c) $1/6$

[7] a) 63% b) 75% c) $63/75 = 21/25 = 84\%$.

Exercícios: 1. E; 2.E; 3. D; 4. a) $11/15$ b) $3/32$; 5. B; 6 B; 7. D; 8. B;

9. C; 10. $1/30$; 11. A; 12. B; 13. $6/7$; 14. $104/105$; 15. B;

16. A; 17. E; 18. D; 19. D; 20. C; 21. E;

22. D; 23. D; 24. B; 25. a) $1/3$ b) $1/11$ c) $1/495$.