

ÁREA DE FIGURAS PLANAS

PROFESSOR MARCOS JOSÉ

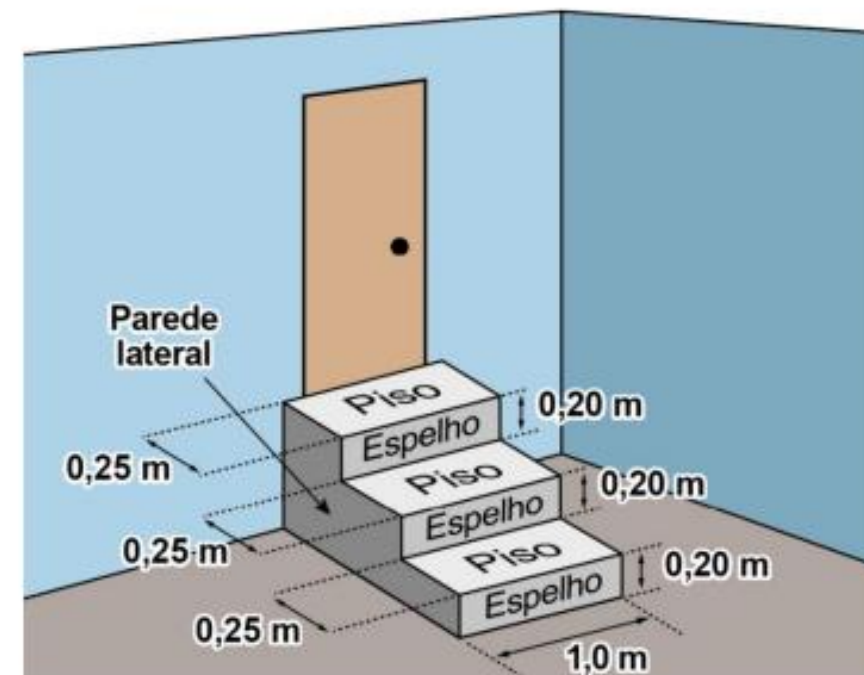
QUESTÃO 1

(ENEM) A figura representa uma escada com três degraus, construída em concreto maciço, com suas medidas especificadas.

Nessa escada, pisos e espelhos têm formato retangular, e as paredes laterais têm formato de um polígono cujos lados adjacentes são perpendiculares. Pisos, espelhos e paredes laterais serão revestidos em cerâmica.

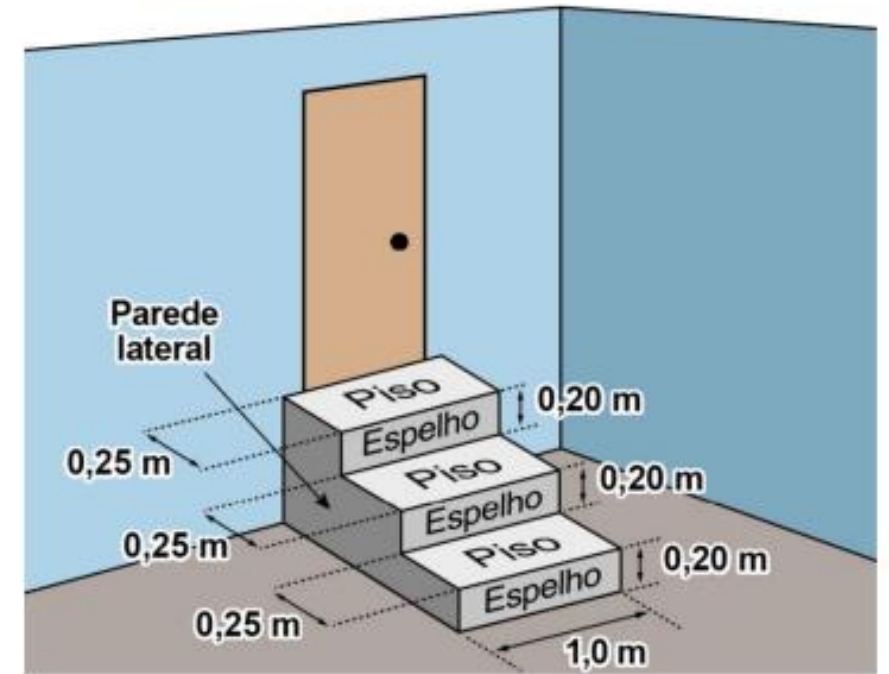
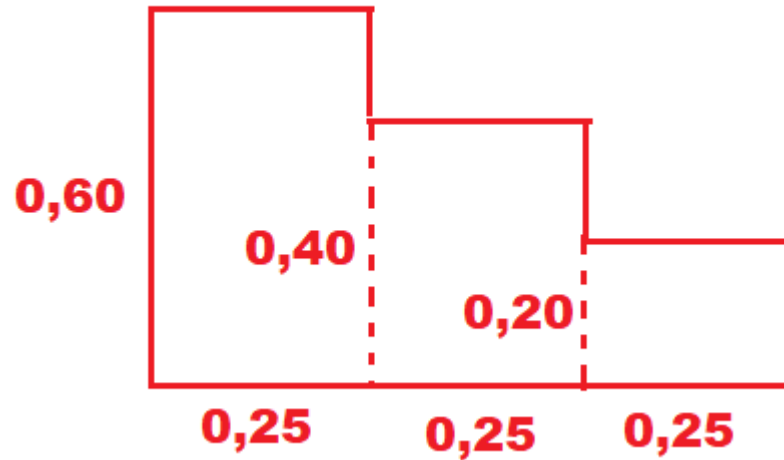
A área a ser revestida em cerâmica, em metro quadrado, mede

- (A) 1,20.
- (B) 1,35.
- (C) 1,65.
- (D) 1,80.
- (E) 1,95.



$$A_{\text{piso}} = 3 \times (1 \times 0,25) = 0,75 \text{ m}^2$$

$$A_{\text{espelho}} = 3 \times (1 \times 0,20) = 0,60 \text{ m}^2$$



$$A_{\text{parede lateral}} = 2 \times (0,60 \times 0,25 + 0,40 \times 0,25 + 0,20 \times 0,25)$$

$$A_{\text{parede lateral}} = 2 \times (0,15 + 0,10 + 0,05) = 2 \times 0,30 = 0,60 \text{ m}^2$$

$$A_{\text{total}} = 0,75 + 0,60 + 0,60 = 1,95 \text{ m}^2$$

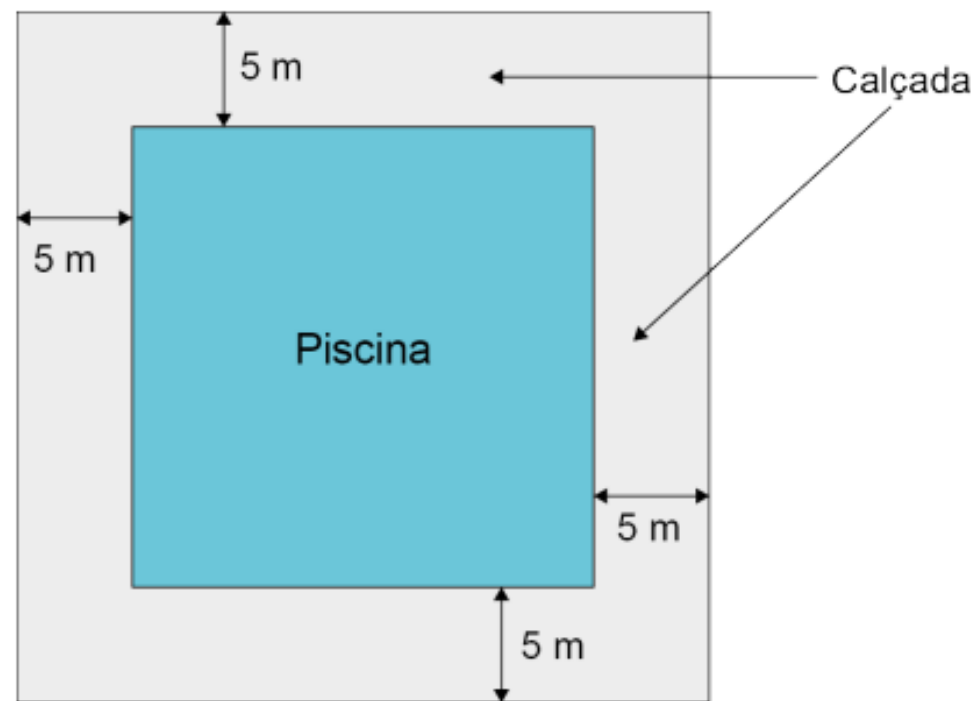
GABARITO: E

QUESTÃO 2

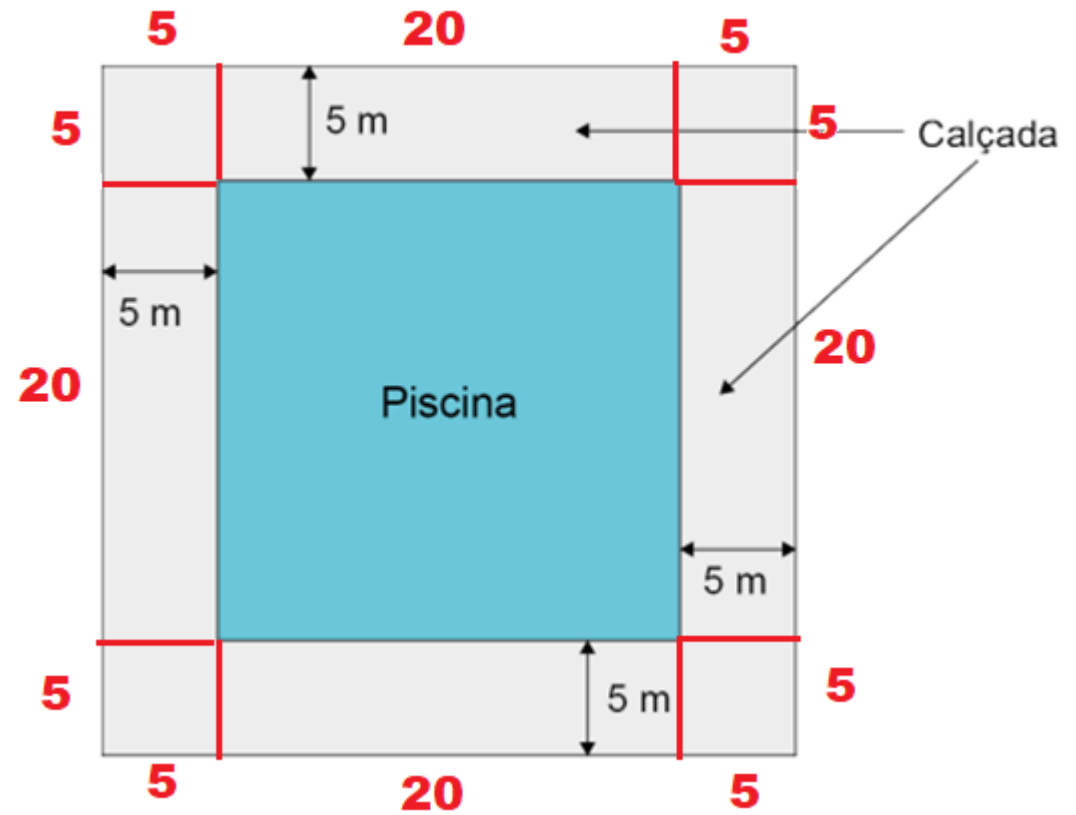
(ENEM) Na planta baixa de um clube, a piscina é representada por um quadrado cuja área real mede 400 m^2 . Ao redor dessa piscina, será construída uma calçada, de largura constante igual a 5 metros.

Qual é a medida da área, em metro quadrado, ocupada pela calçada?

- (A) 1000.
- (B) 900.
- (C) 600.
- (D) 500.
- (E) 400.



$$A_{piscina} = 400 \rightarrow L^2 = 400 \rightarrow L = 20 \text{ m}$$



$$A_{calçada} = 4 \times (5^2) + 4 \times (20 \times 5) = 100 + 400 = 500 \text{ m}^2$$

GABARITO: D

QUESTÃO 3

(ENEM) O dono de uma loja pretende usar cartões imantados para a divulgação de sua loja. A empresa que fornecerá o serviço lhe informa que o custo de fabricação do cartão é de R\$ 0,01 por centímetro quadrado e que disponibiliza modelos tendo como faces úteis para impressão:

- um triângulo equilátero de lado 12 cm;
- um quadrado de lado 8 cm;
- um retângulo de lados 11 cm e 8 cm;
- um hexágono regular de lado 6 cm;
- um círculo de diâmetro 10 cm.

O dono da loja está disposto a pagar, no máximo, R\$ 0,80 por cartão. Ele escolherá, dentro desse limite de preço, o modelo que tiver maior área de impressão.

Use 3 como aproximação para π e use 1,7 como aproximação para $\sqrt{3}$.

Nessas condições, o modelo que deverá ser escolhido tem como face útil para impressão um

- (A) triângulo.
- (B) quadrado.
- (C) retângulo.
- (D) hexágono.
- (E) círculo.

1) *Triângulo equilátero* $\rightarrow A = \frac{L^2 \cdot \sqrt{3}}{4} \rightarrow A = \frac{12^2 \cdot 1,7}{4} \rightarrow A = 36 \cdot 1,7 = 61,2 \text{ cm}^2$

Custo = $61,2 \times 0,01 = \text{R\$ } 0,61$

2) *Quadrado* $\rightarrow A = L^2 \rightarrow A = 8^2 = 64 \text{ cm}^2$

Custo = $64 \times 0,01 = \text{R\$ } 0,64$

3) *Retângulo* $\rightarrow A = b \times h \rightarrow A = 11 \times 8 = 88 \text{ cm}^2$

Custo = $88 \times 0,01 = \text{R\$ } 0,88$

4) *Hexágono regular* $\rightarrow A = \frac{3 \cdot L^2 \sqrt{3}}{2} \rightarrow A = \frac{3 \cdot 6^2 \cdot 1,7}{2} = 91,8 \text{ cm}^2$

Custo = $91,8 \times 0,01 = \text{R\$ } 0,91$

5) *Círculo* $\rightarrow A = \pi \cdot r^2 \rightarrow A = 3 \cdot 5^2 = 75 \text{ cm}^2$

Custo = $75 \times 0,01 = \text{R\$ } 0,75$

GABARITO: E

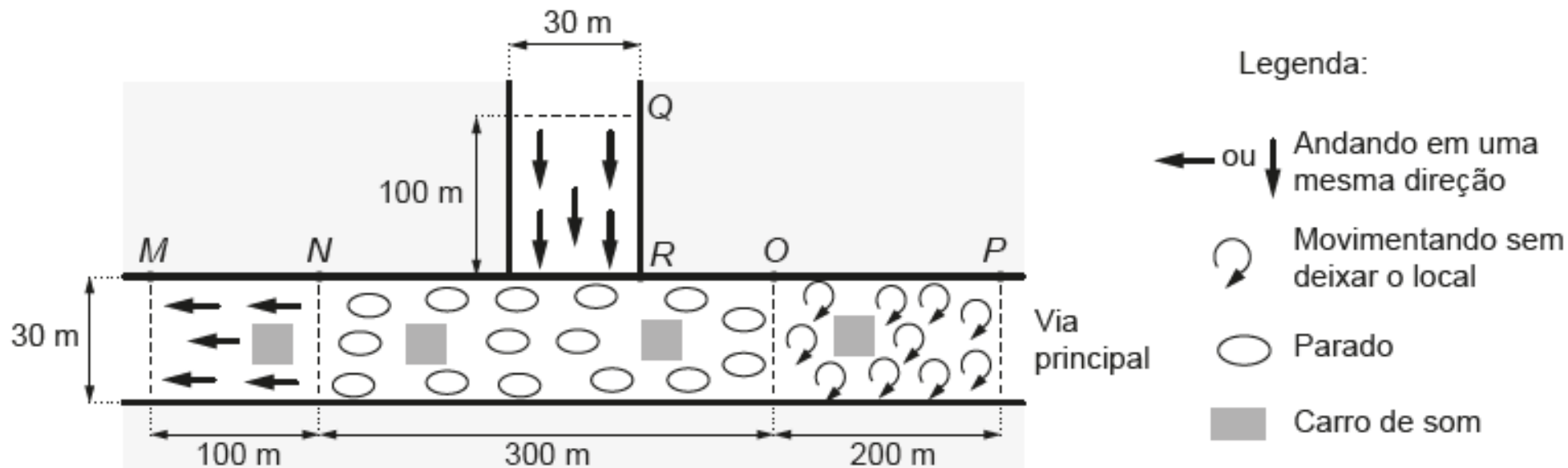
QUESTÃO 4

(ENEM) O fenômeno das manifestações populares de massa traz à discussão como estimar o número de pessoas presentes nesse tipo de evento. Uma metodologia usada é: no momento do ápice do evento, é feita uma foto aérea da via pública principal na área ocupada, bem como das vias afluentes que apresentem aglomerações de pessoas que acessam a via principal. A foto é sobreposta por um mapa virtual das vias, ambos na mesma escala, fazendo-se um esboço geométrico da situação. Em seguida, subdivide-se o espaço total em trechos, quantificando a densidade, da seguinte forma:

- 4 pessoas por metro quadrado, se elas estiverem andando em uma mesma direção;
- 5 pessoas por metro quadrado, se elas estiverem se movimentando sem deixar o local;
- 6 pessoas por metro quadrado, se elas estiverem paradas.

É feito, então, o cálculo do total de pessoas, considerando os diversos trechos, e desconta-se daí 1 000 pessoas para cada carro de som fotografado.

Com essa metodologia, procederam-se aos cálculos para estimar o número de participantes na manifestação cujo esboço geométrico é dado na figura. Há três trechos na via principal: MN , NO e OP , e um trecho numa via afluente da principal: QR .



Obs.: a figura não está em escala (considere as medidas dadas).

Segundo a metodologia descrita, o número estimado de pessoas presentes a essa manifestação foi igual a

- (A) 110 000.
- (B) 104 000.
- (C) 93 000.
- (D) 92 000.
- (E) 87 000.

Trecho MN $\rightarrow (100 \times 30) = 3000 \text{ m}^2 \times 4 \text{ pessoas} = 12000 \text{ pessoas}$

Trecho QR $\rightarrow (100 \times 30) = 3000 \text{ m}^2 \times 4 \text{ pessoas} = 12000 \text{ pessoas}$

Trecho NO $\rightarrow (300 \times 30) = 9000 \text{ m}^2 \times 6 \text{ pessoas} = 54000 \text{ pessoas}$

Trecho OP $\rightarrow (200 \times 30) = 6000 \text{ m}^2 \times 5 \text{ pessoas} = 30000 \text{ pessoas}$

Carro de som $\rightarrow 4 \times 1000 \text{ pessoas} = 4000 \text{ pessoas}$

Total = $12000 + 12000 + 54000 + 30000 - 4000 = 104000 \text{ pessoas}$

GABARITO: B

QUESTÃO 5

(ENEM) A lei municipal para a edificação de casas em lotes de uma cidade determina que sejam obedecidos os seguintes critérios:

- afastamento mínimo de 4 m da rua;
- afastamento mínimo de 1 m da divisa com outro lote;
- área total construída da casa entre 40% e 50% da área total do lote.

Um construtor submeteu para aprovação na prefeitura dessa cidade uma planta com propostas para a construção de casas em seus 5 lotes. Cada lote tem área medindo 200 m^2 .

A imagem apresenta um esquema, sem escala, no qual estão representados os lotes, as ruas e os afastamentos considerados nos projetos entre as casas e as divisas dos lotes. As medidas indicadas no esquema estão expressas em metro.

A prefeitura aprovará apenas a planta da casa

(A) 1. (B) 2. (C) 3. (D) 4. (E) 5.

afastamento mínimo de 4 m da rua;

afastamento mínimo de 1 m da divisa com outro lote;

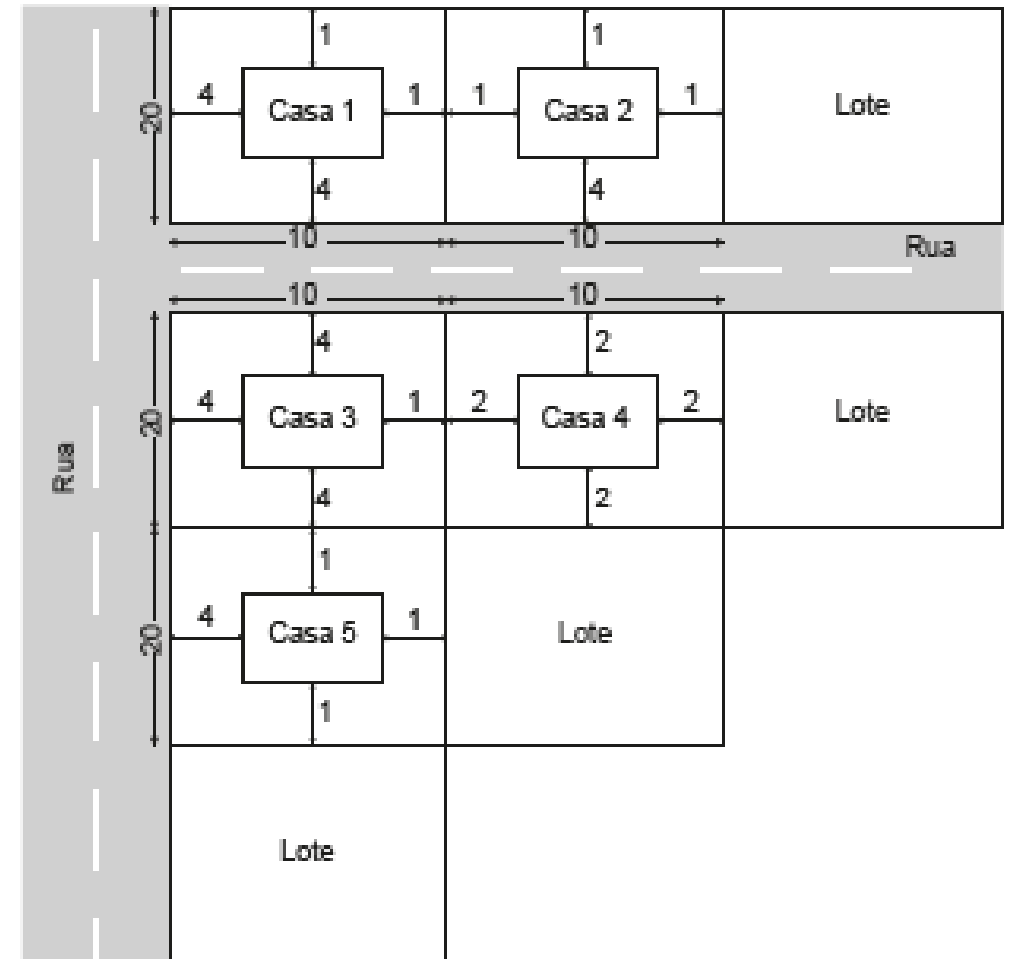
área total construída da casa entre 40% e 50% da área total do lote.

$$A_{lote} = 200m^2$$

$$\frac{40}{100} \cdot 200 = 80m^2$$

$$\frac{50}{100} \cdot 200 = 100m^2$$

$$80 < A_{casa} < 100$$



$$80 < A_{casa} < 100$$

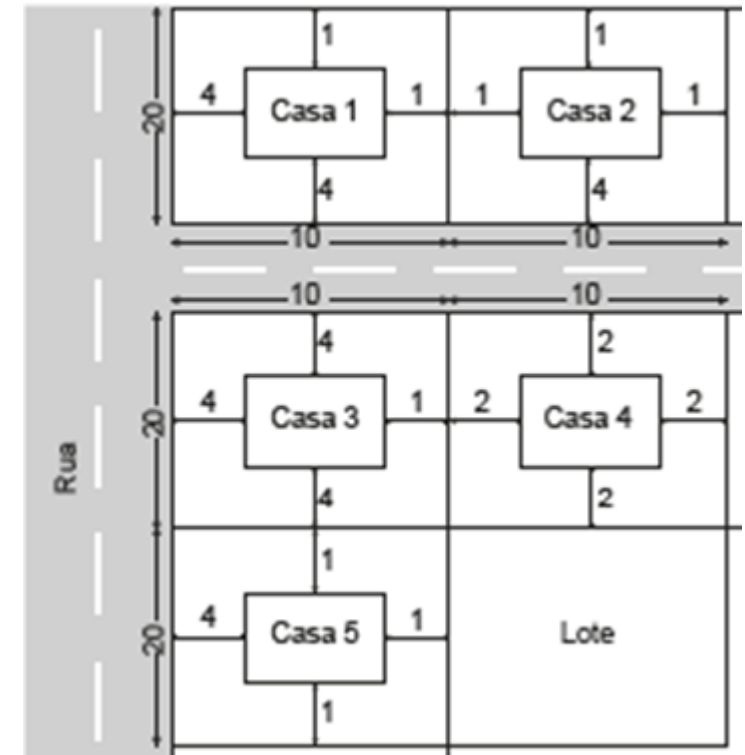
$$A_1 = (20 - 5) \cdot (10 - 5) = 15 \cdot 5 = 75m^2 \rightarrow \text{n\~ao ser\~a aprovada.}$$

$$A_2 = (20 - 5) \cdot (10 - 2) = 15 \cdot 8 = 120m^2 \rightarrow \text{n\~ao ser\~a aprovada.}$$

$$A_3 = (20 - 8) \cdot (10 - 5) = 12 \cdot 5 = 60m^2 \rightarrow \text{n\~ao ser\~a aprovada.}$$

Casa 4 n\~ao tem 4 metros (tem 2 metros) de afastamento com a rua $\rightarrow$ n\~ao ser\~a aprovada

$$A_5 = (20 - 2) \cdot (10 - 5) = 18 \cdot 5 = 90m^2 \rightarrow \text{ser\~a aprovada.}$$



GABARITO: E

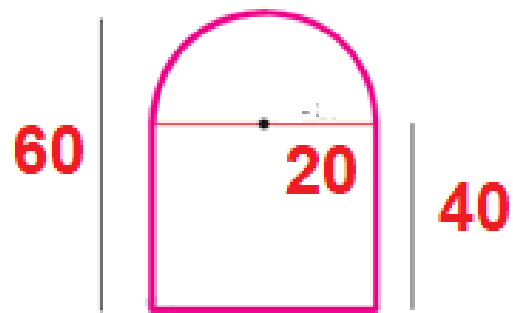
QUESTÃO 6

(ENEM) Uma administração municipal encomendou a pintura de dez placas de sinalização para colocar em seu pátio de estacionamento. O profissional contratado para o serviço inicial pintará o fundo de dez placas e cobrará um valor de acordo com a área total dessas placas. O formato de cada placa é um círculo de diâmetro $d = 40$ cm, que tangencia lados de um retângulo, sendo que o comprimento total da placa é $h = 60$ cm, conforme lustrado na figura. Use 3,14 como aproximação para π .

Qual é a soma das medidas das áreas, em centímetros quadrados, das dez placas?

- (A) 16 628.
- (B) 22 280.
- (C) 28 560.
- (D) 41 120.
- (E) 66 240.





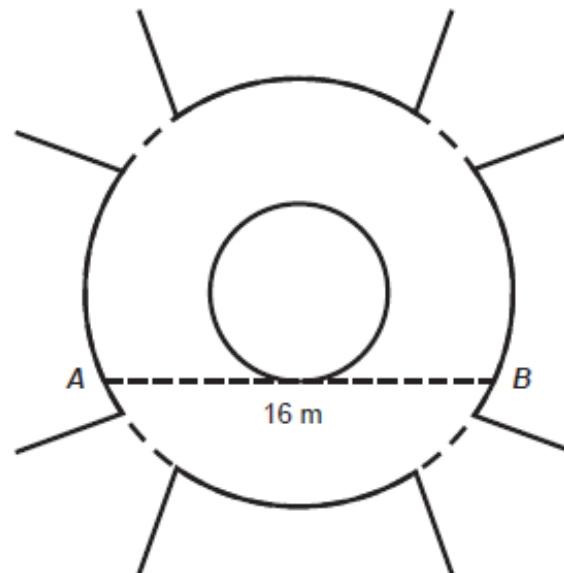
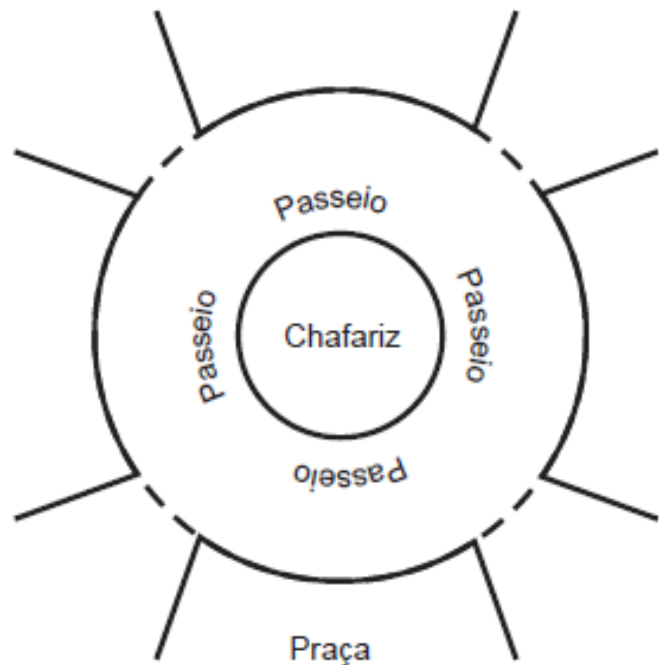
$$A = \frac{1}{2} \cdot \pi \cdot r^2 + b \cdot h \rightarrow A = \frac{1}{2} \cdot 3,14 \cdot 20^2 + 40 \cdot 40 \rightarrow A = 628 + 1600 \rightarrow A = 2228$$

Como são 10 placas, a soma das áreas é: $10 \times 2228 = 22280 \text{ cm}^2$

GABARITO: B

QUESTÃO 7

(ENEM) A figura mostra uma praça circular que contém um chafariz em seu centro e, em seu entorno, um passeio. Os círculos que definem a praça e o chafariz são concêntricos.

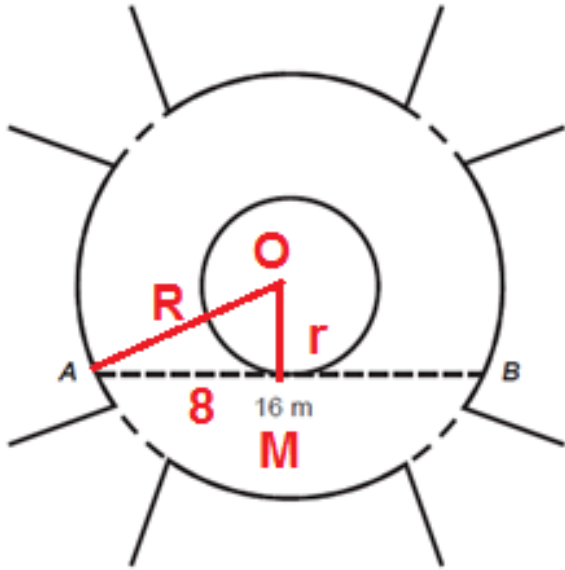


O passeio terá seu piso revestido com ladrilhos. Sem condições de calcular os raios, pois o chafariz está cheio, um engenheiro fez a seguinte medição: esticou uma trena tangente ao chafariz, medindo a distância entre dois pontos A e B, conforme a figura. Com isso, obteve a medida do segmento de reta AB: 16 m.

Dispondo apenas dessa medida, o engenheiro calculou corretamente a medida da área do passeio, em metro quadrado.

A medida encontrada pelo engenheiro foi

- (A) 4π .
- (B) 8π .
- (C) 48π .
- (D) 64π .
- (E) 192π .



O passeio é uma coroa circular.

$$A_{\text{coroa circular}} = \pi \cdot (R^2 - r^2)$$

$$\text{No } \triangle AOM \rightarrow R^2 = 8^2 + r^2 \rightarrow R^2 - r^2 = 64$$

$$A_{\text{coroa circular}} = 64\pi$$

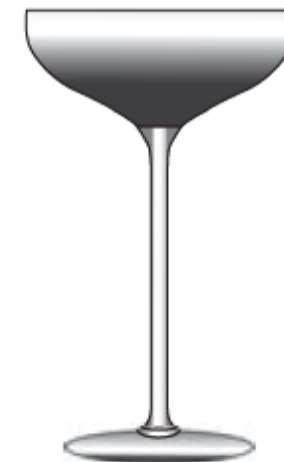
GABARITO: D

QUESTÃO 8

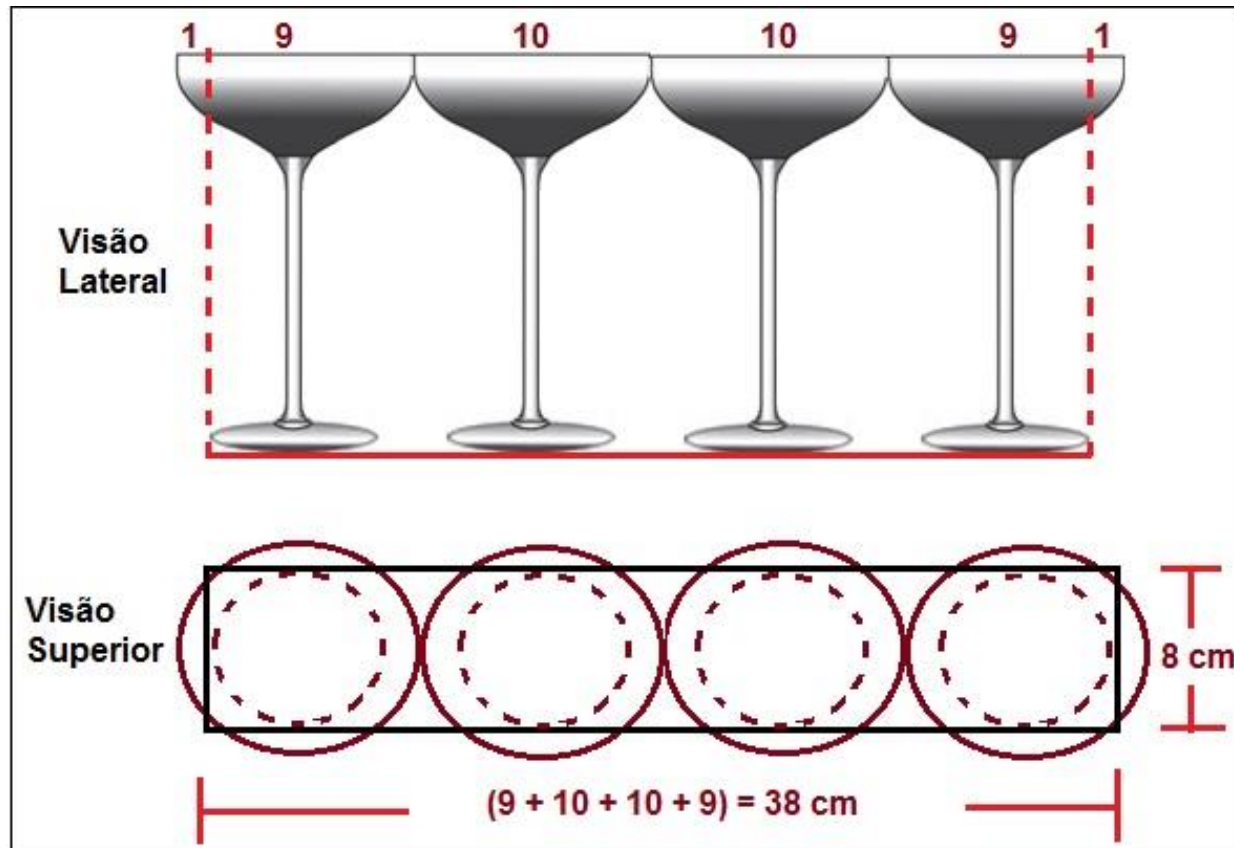
(ENEM) Um garçom precisa escolher uma bandeja de base retangular para servir quatro taças de espumante que precisam ser dispostas em uma única fileira, paralela ao lado maior da bandeja, e com suas bases totalmente apoiadas na bandeja. A base e a borda superior das taças são círculos de raio 4 cm e 5 cm, respectivamente.

A bandeja a ser escolhida deverá ter uma área mínima, em centímetro quadrado, igual a

- (A) 192.
- (B) 300.
- (C) 304.
- (D) 320.
- (E) 400.



A parte de cima das taças não precisa estar sobre a bandeja. Conforme figura abaixo:



Dimensões da bandeja $\rightarrow 8 \text{ cm} \times 38 \text{ cm} \rightarrow A = 8 \times 38 = 304 \text{ cm}^2$

GABARITO: C

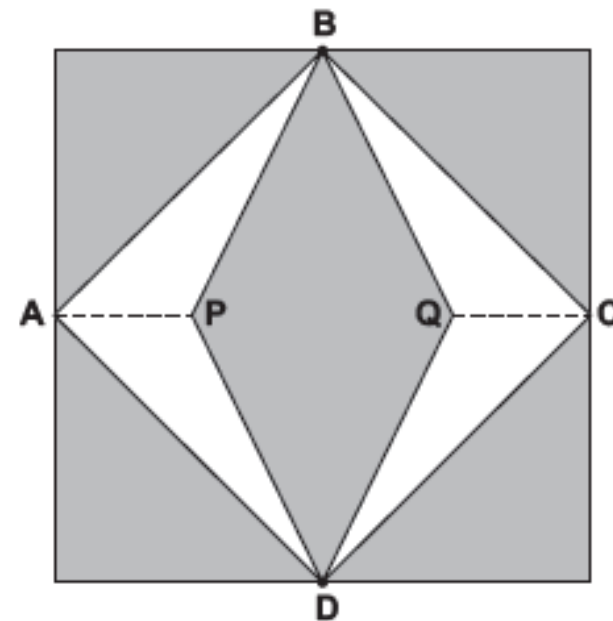
QUESTÃO 9

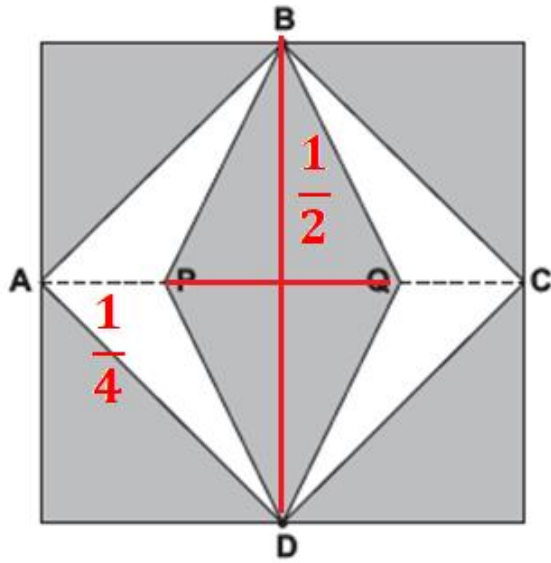
(ENEM) Para decorar a fachada de um edifício, um arquiteto projetou a colocação de vitrais compostos de quadrados de lado medindo 1 m, conforme a figura a seguir.

Nesta figura, os pontos A, B, C e D são pontos médios dos lados do quadrado e os segmentos AP e QC medem $\frac{1}{4}$ da medida do lado do quadrado. Para confeccionar um vitral, são usados dois tipos de materiais: um para a parte sombreada da figura, que custa R\$ 30,00 o m^2 , e outro para a parte mais clara (regiões ABPDA e BCDQB), que custa R\$ 50,00 o m^2 .

De acordo com esses dados, qual é o custo dos materiais usados na fabricação de um vitral?

- (A) R\$ 22,50.
- (B) R\$ 35,00.
- (C) R\$ 40,00.
- (D) R\$ 42,50.
- (E) R\$ 45,00.





$$1^{\circ}) A_{clara} = 4 \cdot \left(\frac{\frac{1}{4} \cdot \frac{1}{2}}{2} \right) \rightarrow A_{clara} = 4 \cdot \frac{1}{16} \rightarrow A_{clara} = \frac{1}{4} \rightarrow A_{clara} = 0,25 \text{ m}^2.$$

$$2^{\circ}) A_{sombreada} = 1 - 0,25 \rightarrow A_{sombreada} = 0,75 \text{ m}^2.$$

$$3^{\circ}) Custos \rightarrow 0,25 \times 50 + 0,75 \times 30 = 12,50 + 22,50 = 35,00 \rightarrow Custos = R\$ 35,00.$$

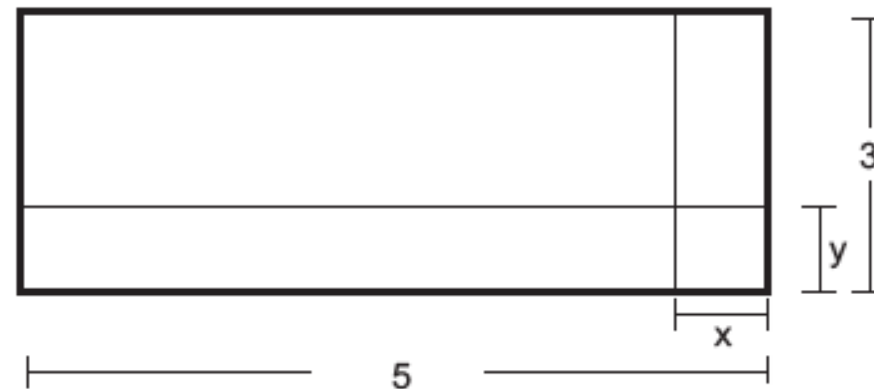
GABARITO: B

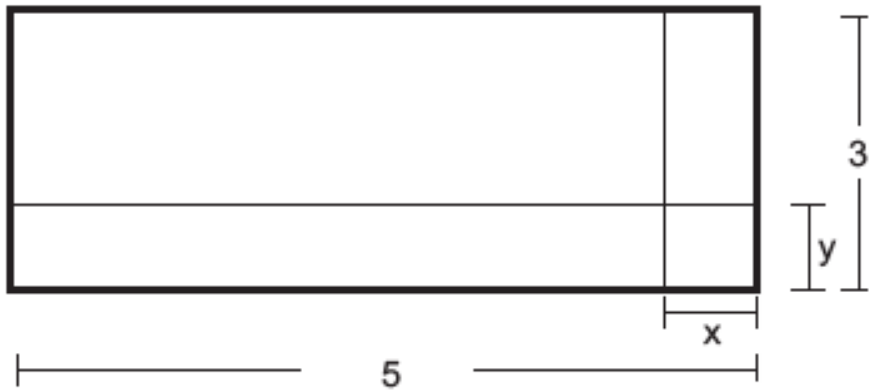
QUESTÃO 10

(ENEM) Um forro retangular de tecido traz em sua etiqueta a informação de que encolherá após a primeira lavagem, mantendo, entretanto, seu formato. A figura a seguir mostra as medidas originais do forro e o tamanho do encolhimento (x) no comprimento e (y) na largura. A expressão algébrica que representa a área do forro após ser lavado é $(5 - x).(3 - y)$.

Nessas condições, a área perdida do forro, após a primeira lavagem, será expressa por:

- (A) $2xy$.
- (B) $15 - 3x$.
- (C) $15 - 5y$.
- (D) $-5y - 3x$.
- (E) $5y + 3x - xy$.





$$A_{perdida} = A_{inicial} - A_{após \text{ ser lavado}}$$

$$A_{perdida} = 3 \times 5 - [(5 - x) \cdot (3 - y)]$$

$$A_{perdida} = 15 - [15 - 5y - 3x + x \cdot y]$$

$$A_{perdida} = 15 - 15 + 5y + 3x - x \cdot y \rightarrow A_{perdida} = 5y + 3x - x \cdot y$$

GABARITO: E

QUESTÃO 11

(ENEM) O losango representado na Figura 1 foi formado pela união dos centros das quatro circunferências tangentes, de raios de mesma medida.

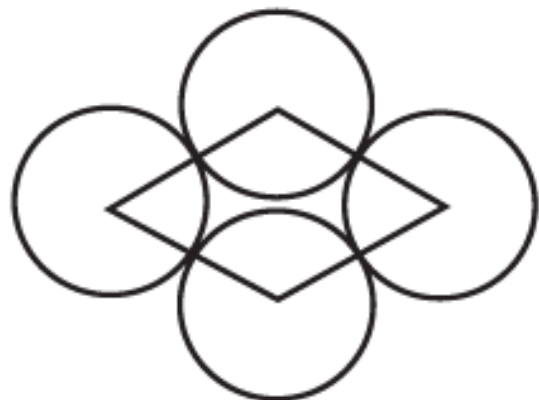


Figura 1

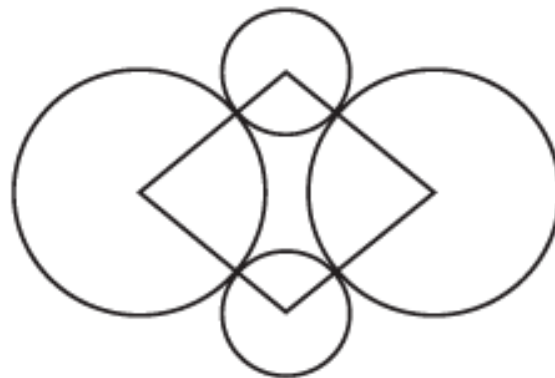


Figura 2

Dobrando-se o raio de duas das circunferências centradas em vértices opostos do losango e ainda mantendo-se a configuração das tangências, obtém-se uma situação conforme ilustrada pela Figura 2. O perímetro do losango da Figura 2, quando comparado ao perímetro do losango da Figura 1, teve um aumento de

- (A) 300%. (B) 200%. (C) 150%. (D) 100%. (E) 50%.

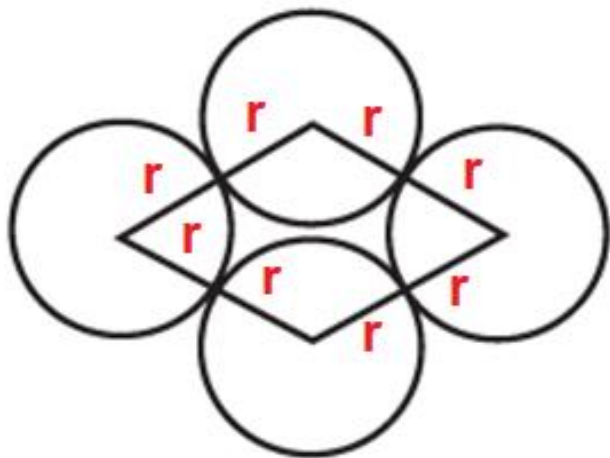


Figura 1

$$\text{perímetro 1} = 8r$$

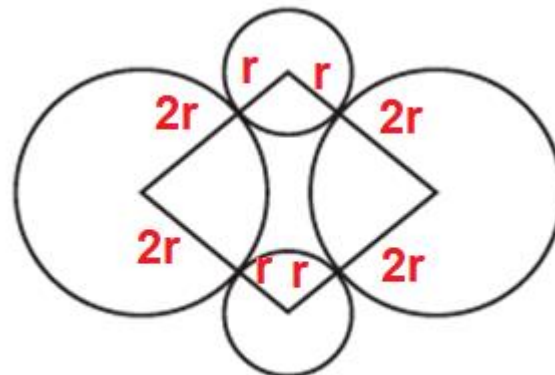


Figura 2

$$\text{perímetro 2} = 12r$$

$$\frac{12r - 8r}{8r} = \frac{4r}{8r} = \frac{1}{2} = 50\%$$

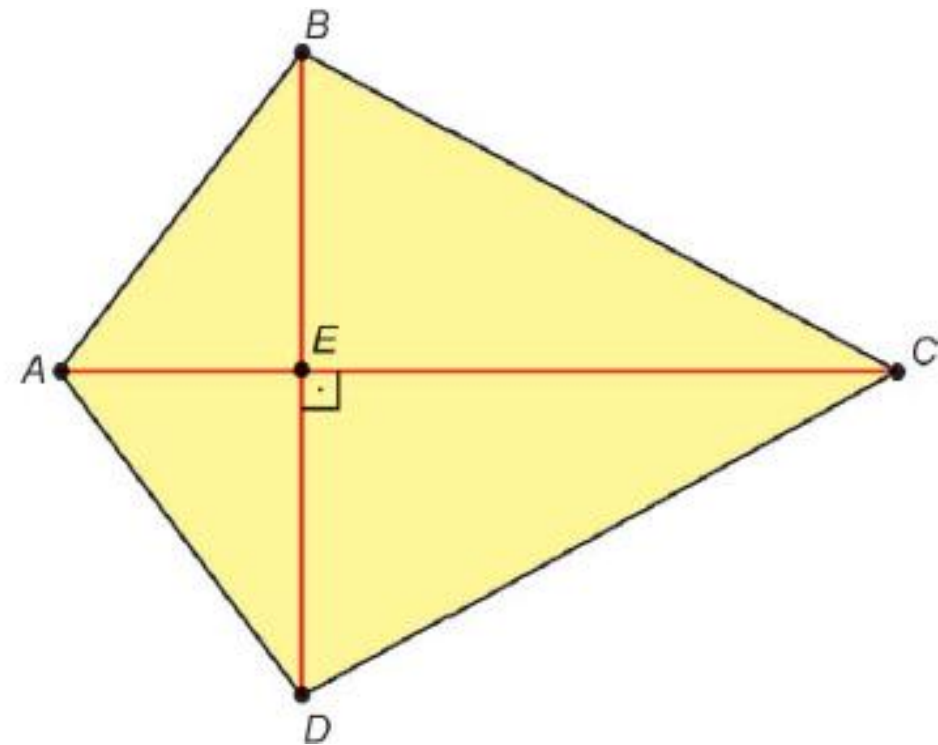
GABARITO: E

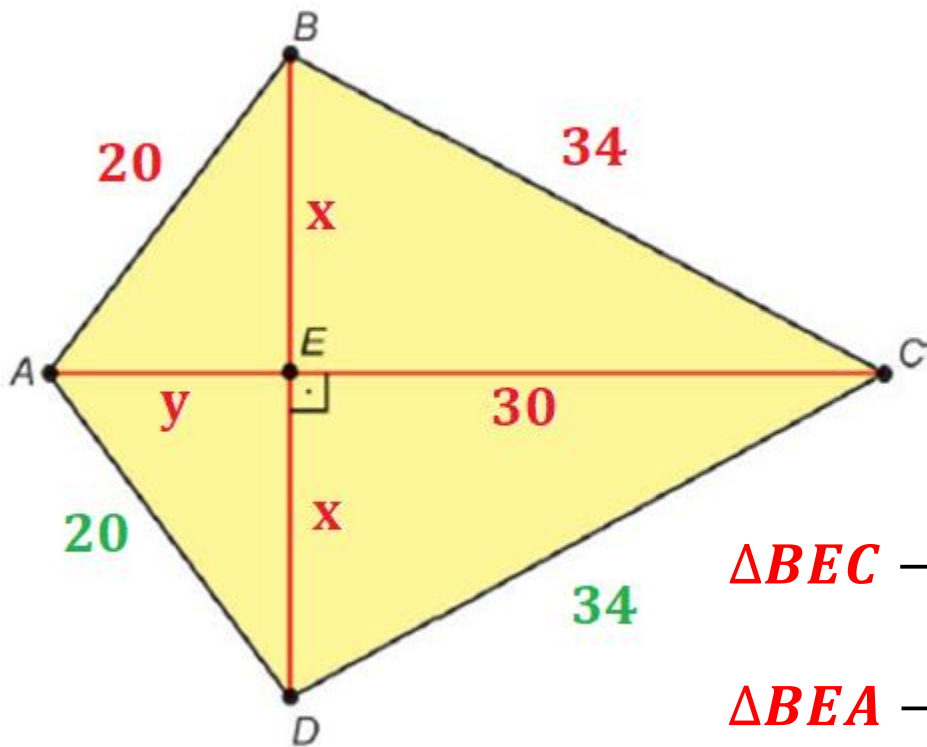
QUESTÃO 12

(ENEM) Uma microempresa pretende fabricar pipas para vender no próximo verão. Um modelo de pipa está representado pelo quadrilátero $ABCD$.

Nessa representação, os segmentos AB , BC e CE medem, respectivamente, 20 cm, 34 cm e 30 cm. Além disso, E pertence ao segmento AC e é ponto médio do segmento BD . A medida da área, em centímetro quadrado, desse modelo de pipa é

- (A) 58.
- (B) 96.
- (C) 108.
- (D) 184.
- (E) 672.





$\triangle BCD$ e $\triangle ABD$ são isósceles. Logo, $AD = 20 \text{ cm}$ e $CD = 34 \text{ cm}$.

$$\triangle BEC \rightarrow 34^2 = x^2 + 30^2 \rightarrow 1156 = x^2 + 900 \rightarrow x^2 = 256 \rightarrow x = 16$$

$$\triangle BEA \rightarrow 20^2 = 16^2 + y^2 \rightarrow 400 = 256 + y^2 \rightarrow 144 = y^2 \rightarrow y = 12$$

$$A_{ABCD} = A_{ABD} + A_{CBD} \rightarrow A_{ABCD} = \frac{32 \times 12}{2} + \frac{32 \times 30}{2} \rightarrow A_{ABCD} = 192 + 480 = 672 \text{ cm}^2$$

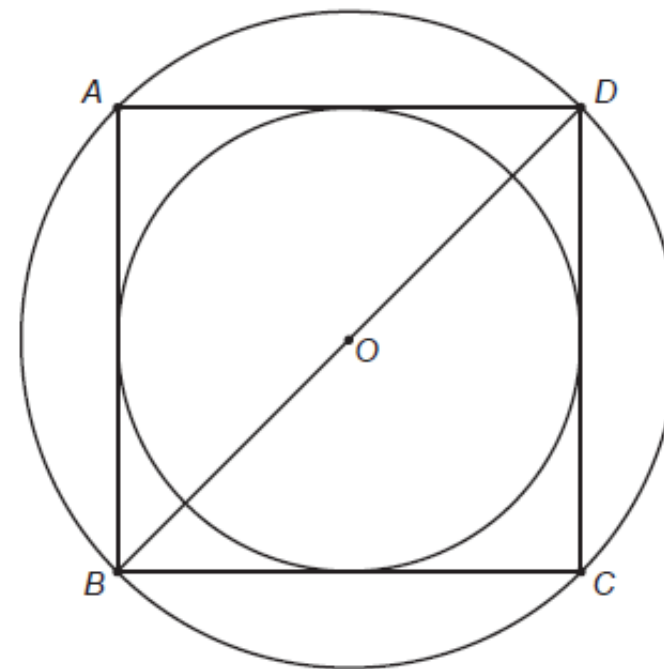
GABARITO: E

QUESTÃO 13

(ENEM) Uma empresa de publicidade está criando um logotipo que tem o formato indicado na figura. O círculo menor está inscrito no quadrado $ABCD$, e o círculo maior circunscreve o mesmo quadrado. Considere S_1 a área do círculo menor e S_2 a área do círculo maior.

A razão da área do círculo maior para o círculo menor é igual a

- (A) $\sqrt{2}$.
- (B) $\frac{1}{2}$.
- (C) 2.
- (D) 8.
- (E) 16.



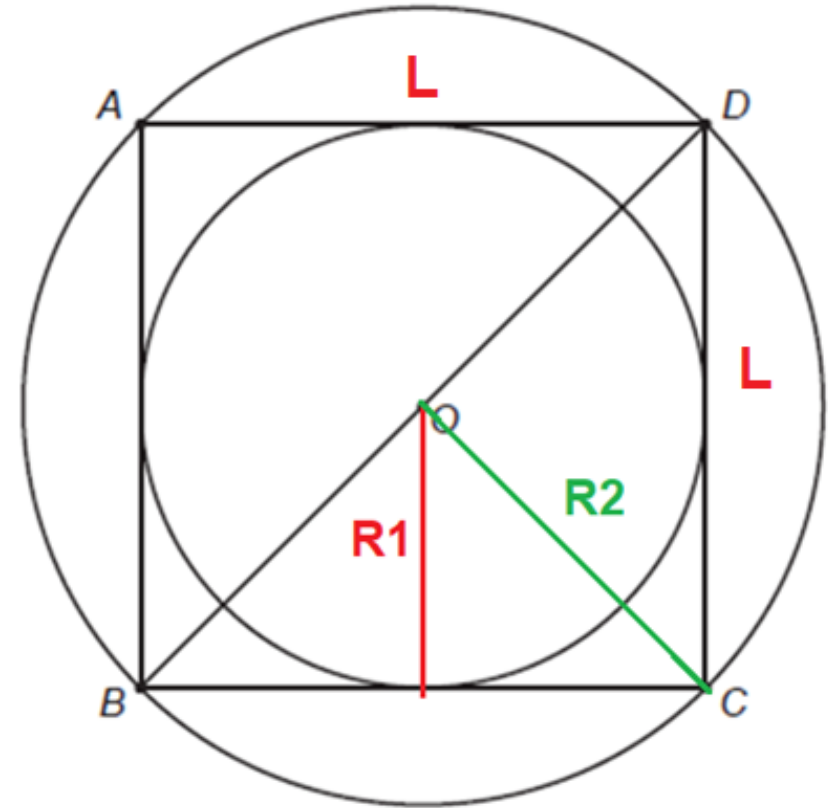
$$R1 = \frac{L}{2}$$

$$R2 = \frac{L \cdot \sqrt{2}}{2}$$

$$S1 = \pi \cdot \left(\frac{L}{2}\right)^2 = \frac{\pi \cdot L^2}{4}$$

$$S2 = \pi \cdot \left(\frac{L \cdot \sqrt{2}}{2}\right)^2 = \frac{\pi \cdot L^2 \cdot 2}{4} = \frac{\pi \cdot L^2}{2}$$

$$\frac{S2}{S1} = \frac{\frac{\pi \cdot L^2}{2}}{\frac{\pi \cdot L^2}{4}} = \frac{\pi \cdot L^2}{2} \cdot \frac{4}{\pi \cdot L^2} = \frac{4}{2} = 2$$



GABARITO: C

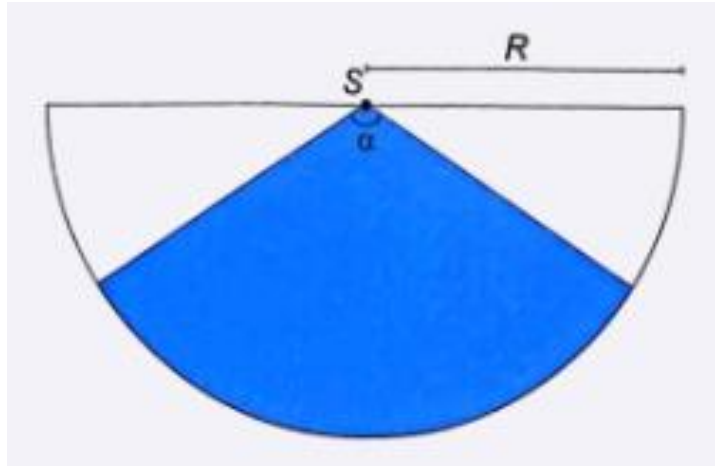
QUESTÃO 14

(ENEM) Um proprietário pretende instalar um sensor de presença para a proteção de seu imóvel. O sensor deverá detectar movimentos de objetos e pessoas numa determinada região plana. A figura ilustra a vista superior da área de cobertura (setor circular em azul) de um sensor colocado no ponto S . Essa área depende da medida do ângulo α , em grau, e do raio R , em metro.

Ao aumentar o ângulo α ou o raio R aumenta-se a área de cobertura do sensor. Entretanto, quanto maior essa área, maior o preço do sensor.

Para esse fim, há cinco tipos de sensores disponíveis no mercado, cada um com as seguintes características:

- tipo I: $\alpha = 15^\circ$ e $R = 20\text{m}$;
- tipo II: $\alpha = 30^\circ$ e $R = 22\text{m}$;
- tipo III: $\alpha = 40^\circ$ e $R = 12\text{m}$;
- tipo IV: $\alpha = 60^\circ$ e $R = 16\text{m}$;
- tipo V: $\alpha = 90^\circ$ e $R = 10\text{m}$.



Esse proprietário pretende adquirir um desses sensores que seja capaz de cobrir, no mínimo, uma área de medida 70 m^2 , com o menor preço possível.

Use 3 como valor aproximado para π .

O proprietário do imóvel deverá adquirir o sensor do tipo

- (A) I. (B) II. (C) III. (D) IV. (E) V.

$$\text{Tipo I} \rightarrow A = \pi \cdot r^2 \cdot \frac{\alpha}{360^\circ} \rightarrow A = 3 \cdot 20^2 \cdot \frac{15^\circ}{360^\circ} \rightarrow A = 3 \cdot 400 \cdot \frac{1}{24} \rightarrow A = \frac{1200}{24} = 50 \text{ m}^2$$

$$\text{Tipo II} \rightarrow A = \pi \cdot r^2 \cdot \frac{\alpha}{360^\circ} \rightarrow A = 3 \cdot 22^2 \cdot \frac{30^\circ}{360^\circ} \rightarrow A = 3 \cdot 484 \cdot \frac{1}{12} \rightarrow A = \frac{1452}{12} = 121 \text{ m}^2$$

$$\text{Tipo III} \rightarrow A = \pi \cdot r^2 \cdot \frac{\alpha}{360^\circ} \rightarrow A = 3 \cdot 12^2 \cdot \frac{40^\circ}{360^\circ} \rightarrow A = 3 \cdot 144 \cdot \frac{1}{9} \rightarrow A = \frac{432}{9} = 48 \text{ m}^2$$

$$\text{Tipo IV} \rightarrow A = \pi \cdot r^2 \cdot \frac{\alpha}{360^\circ} \rightarrow A = 3 \cdot 16^2 \cdot \frac{60^\circ}{360^\circ} \rightarrow A = 3 \cdot 256 \cdot \frac{1}{6} \rightarrow A = \frac{768}{6} = 128 \text{ m}^2$$

$$\text{Tipo V} \rightarrow A = \pi \cdot r^2 \cdot \frac{\alpha}{360^\circ} \rightarrow A = 3 \cdot 10^2 \cdot \frac{90^\circ}{360^\circ} \rightarrow A = 3 \cdot 100 \cdot \frac{1}{4} \rightarrow A = \frac{300}{4} = 75 \text{ m}^2$$

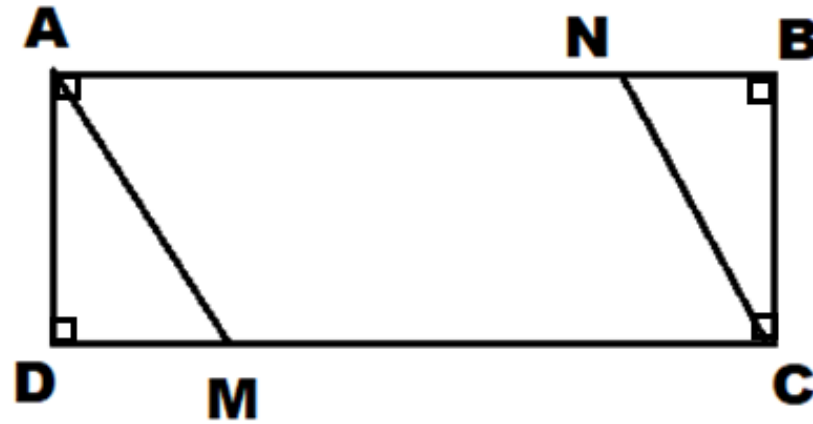
Apenas os sensores II, IV e V cobrem uma área maior que 70 m².

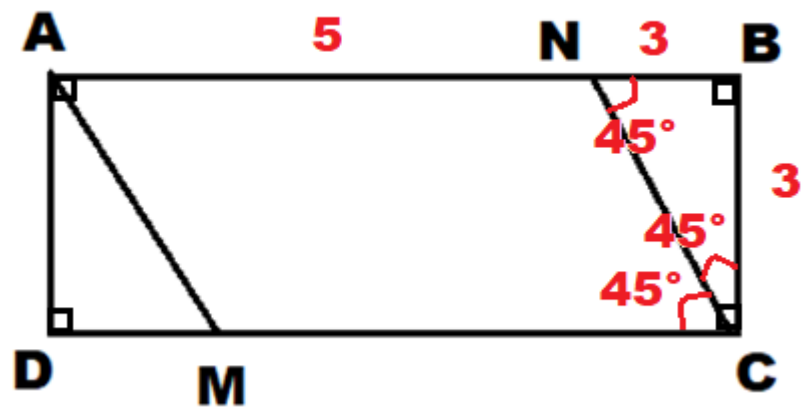
O menor preço é o sensor V, pois tem a menor área dentre as três possíveis.

GABARITO: E

QUESTÃO 15

No retângulo $ABCD$, $AB = 8$ cm, $BC = 3$ cm e AM e CN são bissetrizes. Determine a área do paralelogramo $AMCN$.





$\triangle CBN$ é *isósceles* $\rightarrow NB = BC = 3$

$\text{Área do paralelogramo} = AN \times BC = (8 - 3) \times 3 = 5 \times 3 = 15 \text{ cm}^2$

QUESTÃO 16

O plantio da grama de um campo de futebol retangular foi dividido entre três empresas. A primeira ficou responsável por $\frac{4}{7}$ da área total, a segunda empresa ficou responsável por $\frac{3}{10}$ da área total e, a última empresa, pelos 900 m² restantes.

Sabendo que o comprimento do campo mede 100 metros, sua largura é:

- a) 66 m
- b) 68 m
- c) 70 m
- d) 72 m
- e) 74 m

$$\textit{Empresa 1} + \textit{Empresa 2} = \frac{4}{7} + \frac{3}{10} = \frac{40}{70} + \frac{21}{70} = \frac{61}{70}$$

$$\textit{Empresa 3} = \frac{70}{70} - \frac{61}{70} = \frac{9}{70}$$

$$\frac{9}{70} \times \textit{Área} = 900 \rightarrow \textit{Área} = \frac{900 \times 70}{9} \rightarrow \textit{Área} = 7000 \text{ m}^2$$

$$A = c \times L \rightarrow 7000 = 100 \times L \rightarrow L = 70 \text{ m}$$

GABARITO: C

QUESTÃO 17

(CEFET-SC) Para cobrir o piso de uma cozinha com 5 m de comprimento e 4 metros de largura, serão utilizados pisos de 25 cm x 25 cm. Cada caixa contém 20 pisos. Supondo que nenhum piso se quebrará durante o serviço, quantas caixas serão necessárias para cobrir o piso da cozinha?

- a) 17 caixas.
- b) 16 caixas.
- c) 20 caixas.
- d) 15 caixas.
- e) 12 caixas.

$$\textit{Área da cozinha} = 5 \text{ m} \times 4 \text{ m} = 500 \text{ cm} \times 400 \text{ cm} = 200000 \text{ cm}^2$$

$$\textit{Área do piso} = 25 \text{ cm} \times 25 \text{ cm} = 625 \text{ cm}^2$$

$$\textit{Número de pisos} = \frac{200000}{625} = 320$$

$$\textit{Número de caixas} = \frac{320}{20} = 16$$

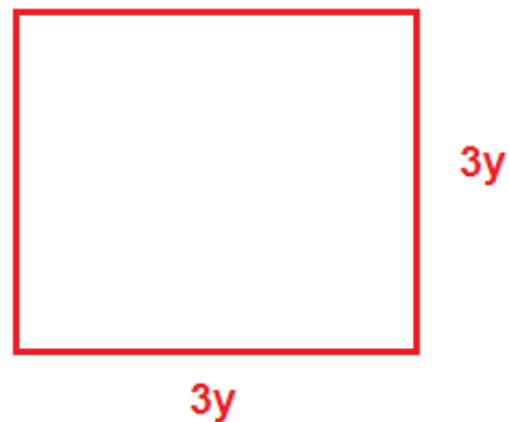
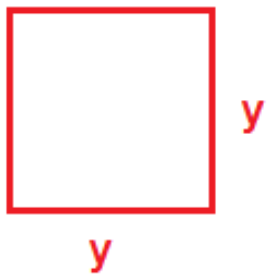
GABARITO: B

QUESTÃO 18

(ENEM) Uma fábrica de fórmicas produz placas quadradas de lados de medida igual a y centímetros. Essas placas são vendidas em caixas com N unidades e, na caixa, é especificada a área máxima S que pode ser coberta pelas N placas. Devido a uma demanda do mercado por placas maiores, a fábrica triplicou a medida dos lados de suas placas e conseguiu reuni-las em uma nova caixa, de tal forma que a área coberta S não fosse alterada.

A quantidade X , de placas do novo modelo, em cada nova caixa será igual a:

- (A) $\frac{N}{9}$. (B) $\frac{N}{6}$. (C) $\frac{N}{3}$. (D) $3N$. (E) $9N$.



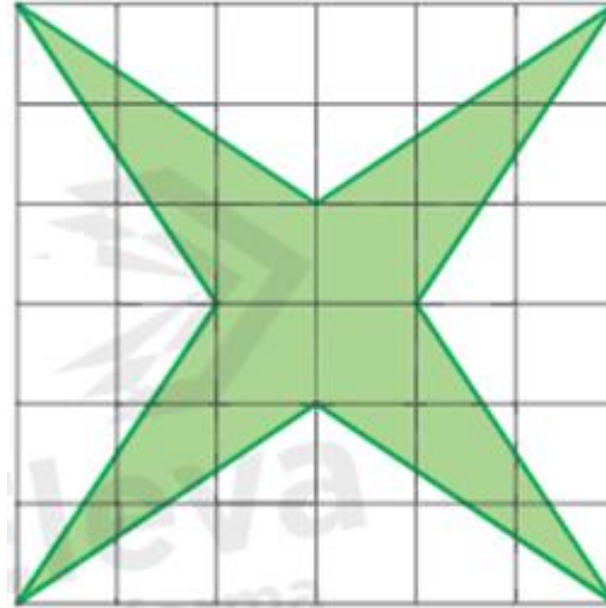
$$\begin{cases} \textit{Antes} \rightarrow S = N \cdot y^2 \\ \textit{Depois} \rightarrow S = X \cdot (3y)^2 \end{cases} \rightarrow N \cdot y^2 = X \cdot 9 \cdot y^2 \rightarrow N = 9 \cdot X \rightarrow X = \frac{N}{9}$$

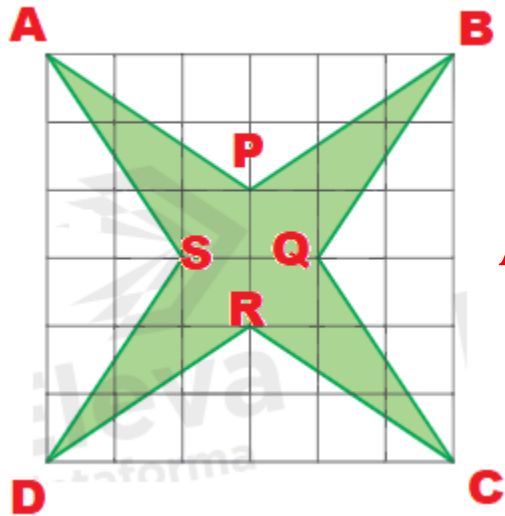
GABARITO: A

QUESTÃO 19

(UFRGS) Na figura abaixo, a malha quadriculada é formada por quadrados de área 1. Os vértices do polígono sombreado coincidem com vértices de quadrados dessa malha. A área do polígono sombreado é

- a) 10
- b) 12
- c) 13
- d) 15
- e) 16





Área do polígono = Área do quadrado ABCD - 4 x Área de triângulo

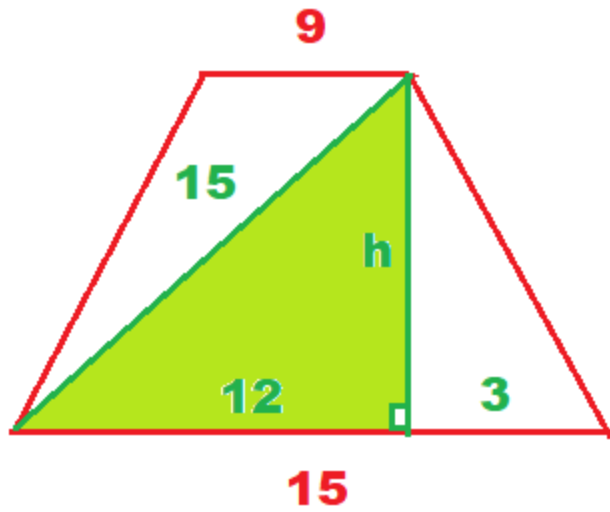
$$A_{polígono} = 6 \times 6 - 4 \times \frac{6 \times 2}{2} = 36 - 24 = 12 \text{ cm}^2$$

GABARITO: B

QUESTÃO 20

(UECE) O palco de um teatro tem a forma de um trapézio isósceles cujas medidas de suas linhas de frente e de fundo são respectivamente 15 m e 9 m. Se a medida de cada uma de suas diagonais é 15 m, então a medida da área do palco, em m^2 , é

- a) 80.
- b) 90.
- c) 108.
- d) 1182 .



$$15^2 = 12^2 + h^2 \rightarrow 225 = 144 + h^2 \rightarrow 81 = h^2 \rightarrow h = 9 \text{ m}$$

$$A = \frac{(B + b) \times h}{2} = \frac{(15 + 9) \times 9}{2} = 12 \times 9 = 108 \text{ m}^2$$

GABARITO: C